На правах рукописи

Буренков Иван Александрович

Интерференционные эффекты в задачах о взаимодействии электронных волновых пакетов и атомных систем с сильными классическими и неклассическими световыми полями

Специальность: 01.04.08 – Физика плазмы

ΑΒΤΟΡΕΦΕΡΑΤ

диссертации на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук

Работа выполнена на Кафедре атомной физики, физики плазмы и микроэлектроники Физического факультета Московского государственного университета имени М. В. Ломоносова.

Научный руководитель:	доктор физико-математических наук,
	$npo \phi eccop$
	Тихонова Ольга Владимировна
Официальные оппоненты:	доктор физико-математических наук
	$npo \phi eccop$
	Гореславский Сергей Павлович
	(Национальный исследовательский ядерный универси-
	$mem \ «MИФИ»)$
	доктор физико-математических наук
	$npo \phi eccop$
	Кулик Сергей Павлович
	(Московский государственный университет имени М.
	В. Ломоносова)
Ведущая организация:	Московский физико-технический институт (государ-
	ственный университет)

Защита состоится 15 февраля 2012 года в 15 часов 00 минут на заседании совета по защите докторских и кандидатских диссертаций Д.501.001.45 при Московском государственном университете имени М. В. Ломоносова по адресу: 119991, Россия, г. Москва, Ленинские горы, д. 1, стр. 5 (19-й корпус, НИИ ядерной физики имени Д. В. Скобельцына МГУ имени М. В. Ломоносова), аудитория 2-15.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке НИИ ядерной физики имени Д. В. Скобельцына МГУ имени М. В. Ломоносова.

Автореферат разослан 15 декабря 2011 года.

Ученый секретарь совета по защите докторских и кандидатских диссертаций Д.501.001.45, кандидат физико-математических наук

Общая характеристика работы

Актуальность работы

Одно из актуальных направлений современной лазерной физики - генерация мощных ультракоротких лазерных импульсов и их взаимодействие с атомными и наноструктурными системами. Быстрый прогресс в развитии источников мощного лазерного излучения привел к возможности генерации интенсивных лазерных импульсов предельно короткой длительности в несколько периодов оптического поля [1]. Такие импульсы могут быть использованы для наблюдения и контроля динамики атомно-молекулярных квантовых систем и различных физических процессов с высоким временным и пространственным разрешением [2, 3, 4]. Одно из возможных направлений получения в реальном времени информации о структуре и динамике ядерной подсистемы в молекулах заключается в наблюдении картин дифракции, возникающих ся в импульсных распределениях электронов в континууме [5], в электронных энергетических спектрах надпороговой ионизации [6], а также в спектре генерации гармоник высокого порядка [7, 8]. Таким образом, одним из интересных применений таких импульсов является их использование для исследования и контроля динамики различных квантовых систем и физических процессов с предельно высоким пространственным и временным разрешением.

Еще одной актуальной проблемой физики взаимодействия сверхсильных лазерных полей с атомно-молекулярными системами является задача о вынужденном поглощении и испускании свободным электроном квантов лазерного поля в процессе рассеяния на потенциальном центре. Впервые это явление, получившее название вынужденного тормозного эффекта (ВТЭ), было рассмотрено в работе [9], где была построена аналитическая теория, описывающая процесс поглощения и испускания квантов внешнего монохроматического поля электроном в приближении плоской волны при его рассеянии на потенциальном центре. В настоящее время, в условиях быстрого развития экспериментальных возможностей, воздействующее на вещество лазерное излучение может характеризоваться сверхатомной интенсивностью и ультракороткой длительностью вплоть до нескольких оптических периодов. Взаимодействие с такими мощными ультракороткими лазерными импульсами приводит к специфике и новым свойствам уже известных процессов и явлений. В частности, при взаимодействии ультракороткого импульса с наноструктурами и кластерами обнаружен интенсивный нагрев плазмы, образованной в процессе ионизации. Одним из возможных механизмов, объясняющих такой нагрев электронов в кластерах, является вынужденный тормозной эффект, однако, в рамках традиционного понимания ВТЭ трудно объяснить появление электронов таких высоких энергий [10]. Необходимо учиты-

вать особенности ВТЭ, обусловленные ультракороткой длительностью лазерного воздействия. При этом, обмен энергией электрона с полем имеет место в течение ультракороткого интервала времени, определяемого длительностью лазерного импульса. Кроме того, электроны, возникающие в континууме в процессе ионизации атомов кластера интенсивным ультракоротким лазерным импульсом, характеризуются широкими в импульсном представлении волновыми пакетами, качественно отличными от плоской волны. Поэтому проблема взаимодействия мощных ультракоротких импульсов с различными квантовыми системами является крайне актуальной на сегодняшний день.

Еще одним интересным направлением исследований является ВТЭ в случае квантованного электромагнитного поля. В конце прошлого столетия появилась возможность экспериментального создания существенно неклассических состояний электромагнитного поля, таких как "сжатые" состояния [11]. Обнаружено существенное отличие в протекании различных физических процессов в таких полях по сравнению со случаем классического света [12, 13]. В последнее время в экспериментальных работах представлено большое число результатов по успешной генерации интенсивных неклассических световых полей, которые качественно отличаются от классического или когерентного состояния поля [14, 15]. Наибольший интерес представляют «когерентно-сжатые» состояния поля [16] и особенно состояния «сжатого вакуума» [11, 17, 18]. В таких состояниях поля ожидается значительно увеличение эффективности многофотонных процессов по сравнению с другими типами полевых состояний. Именно поэтому вынужденный тормозной эффект в неклассических полях может привести к новым эффектам и важен для различных практических применений.

В последнее время все больший интерес представляют многочастичные задачи, описывающие системы кубитов, управляемые внешними полями [19]. При этом одной из возможных перспектив является использование в качестве кубитов ридберговских атомов. Обычно связь атомов в задачах квантовой оптики осуществляется посредством общего резервуара (микрополости, резонатора, ловушки), а когерентный контроль системы производится за счет взаимодействия с внешним лазерным импульсом [20]. Однако, более широкие возможности возникают в случае дальнодействующего взаимодействия атомов друг с другом, что легко обеспечить для высоко возбужденных ридберговских состояний [21]. При этом использование внешнего управляющего поля может привести к значительной ионизации атомной системы. Одним из наиболее перспективных решений этой проблемы является использование сильного поля, реализующего режим подавления ионизации ридберговских атомов по интерференционному механизму [22, 23].

Цель диссертационной работы

Целью диссертационной работы является теоретическое исследование взаимодействия сверхинтенсивных ультракоротких лазерных импульсов и неклассических световых полей с атомномолекулярными и наноструктурными системами и анализ особенностей обмена энергией между полевой и электронной подсистемами, обусловленных широким распределением электронов по энергии и возникающими в следствие этого квантовым интерференционным эффектами.

Для достижения поставленной цели были решены следующие задачи:

- Решена задача об упругом рассеянии широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на родительском двухцентровом молекулярном остове при произвольной его ориентации. В первом борновском приближении по потенциальной энергии получено аналитическое выражение для дифференциального сечения рассеяния.
- 2. Рассмотрен вынужденный тормозной эффект и исследованы процессы вынужденного поглощения и испускания квантов поля электронным волновым пакетом при его рассеянии на родительском ионе в поле интенсивного лазерного импульса, в том числе, ультракороткой длительности. Проведено исследование возможности эффективного нагрева электронов в таких полях в плазме и наноструктурах типа атомных кластеров.
- 3. В первом борновском приближении решена задача о рассеянии электронов на короткодействующем и кулоновском потенциалах в присутствии интенсивного неклассического света, получены аналитические выражения позволяющие вычислить спектр поглощения и испускания квантов такого поля электроном даже в случае взаимодействия с очень большим числом полевых состояний, например, если поле находится в состоянии «сжатого вакуума».
- Рассмотрен многоквантовый эффект Маркуза в случае квантованных полей и исследованы возможности усиления поля или эффективного нагрева электронов внешним неклассическим полем по сравнению с классическим светом.
- 5. Решена задача о динамике двух взаимодействующих друг с другом ридберговских атомов в сильном лазерном поле и проанализирована возможность лазерного управления связанными атомными кубитами, а также создания и экспериментального наблюдения перепутанных состояний такой системы.

Научная новизна

• В представленной работе впервые рассмотрены интерференционные эффекты, возникающие при рассеянии широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на потенциальном центре в отсутствие и в присутствии сильного лазерного поля и

обнаружено формирование качественно новых угловых и энергетических распределений рассеянного электрона, обусловленных квантовой интерференцией.

- На основе проведенных исследований впервые объяснена физическая природа «аномалий» в угловых диаграммах вылета электрона, обнаруженных в лабораторных экспериментах и прямых численных расчетах по ионизации атомных и молекулярных систем ультракороткими лазерными импульсами.
- Впервые в рамках аналитический теории продемонстрировано, что возникающие при рассеянии широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета интерференционные эффекты приводят к значительному изменению конечной картины рассеяния, и содержат информацию не только о ядерной подсистеме молекулы, но и о начальном электронном волновом пакете.
- Обнаружено существенное увеличение эффективности нагрева электронов в наноструктурах и кластерах в процессе вынужденного поглощения в поле интенсивного лазерного импульса, обусловленное широким импульсным распределением электронного волнового пакета, а также предложены методы контроля энергетического спектра электронов в процессе рассеяния в поле ультракороткого лазерного импульса.
- Впервые показана возможность эффективного поглощения квантов поля в случае рассеяния вперед в условиях "быстрого" многократного рассеяния широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на потенциальном центре.
- Впервые продемонстрировано увеличение выхода электронов с большими энергиями в процессе вынужденного тормозного эффекта в случае «сжатых» неклассических полей по сравнению с классическим светом.
- Впервые получено аналитическое обобщение эффекта Маркуза на случай квантованных полей и многофотонного поглощения и продемонстрирована возможность усиления поля независимо от ориентации начального импульса электрона в случае малого числа квантов в системе.
- Впервые обнаружен эффект интерференционного подавления ионизации в сильном лазерном поле атомных двухкубитных состояний с сильной связью и предложены методы создания перепутанных состояний в системе.

Практическая значимость

Полученные результаты имеют фундаментальную научную значимость с точки зрения выявления новых эффектов, которые впервые позволили объяснить результаты численных и физических экспериментов и выявить новые возможные подходы к описанию процессов взаимодействия атомно-молекулярных систем с интенсивными ультракороткими лазерными импульсами. Полученные результаты имеют принципиальную важность для осуществления лазерного контроля и управления динамикой молекулярных систем с фемтосекундным временным и субангстремным пространственным разрешением. Кроме того, представленные в диссертации результаты позволили объяснить возникновение электронов высоких энергий при ионизации наноструктур интенсивными лазерными импульсами. Обнаруженный эффективный нагрев кластеров и наномишеней сильным полем представляет большой интерес для проблемы управляемого термоядерного синтеза и ряда других практических приложений. Еще одним из методов увеличения эффективности обмена энергией между электронной подсистемой и полем, предложенных в диссертации, является использование неклассических «сжатых» световых полей. Также в диссертации предложены практические методы создания и экспериментального наблюдения перепутанных состояний в связанных многочастичных системах.

На защиту выносятся следующие основные результаты и положения

- 1. Обнаружение и аналитическое описание интерференционных эффектов, возникающих при рассеянии широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на родительском ионе и приводящих к качественно новым угловым распределениям электронов после рассеяния.
- 2. Объяснение «аномалий», обнаруженных в угловых диаграммах вылета электронов в лабораторных экспериментах и прямых численных расчетах по ионизации атомов и молекул ультракороткими лазерными импульсами.
- 3. Аналитическое выражение, описывающее сечение рассеяния электронного волнового пакета на молекулярном или атомном родительском ионе в условиях квантовой интерференции, позволяющее получить информацию как о параметрах ядерной подсистемы молекулы, так и о свойствах электронного волнового пакета, что открывает возможность лазерного контроля динамики молекулярных систем с фемтосекундным временным разрешением.
- 4. Аналитическая теория вынужденного тормозного эффекта в интенсивных ультракоротких лазерных импульсах, когда рассеивающийся на потенциальном центре электрон характеризуется широким импульсным распределением, в том числе существенно превыша-

ющим энергию кванта поля.

- 5. Методы управления энергетическим спектром и эффективным нагревом электронов в кластере при взаимодействии с ультракоротким лазерным импульсом, обусловленные интерференцией различных каналов многофотонного вынужденного тормозного испускания и поглощения.
- 6. Существенное увеличение возможных значений энергии приобретаемой электроном в случае вынужденного тормозного эффекта в неклассических «сжатых» световых полях.
- Аналитическое обобщение эффекта Маркуза на случай многофотонного поглощения и испускания в квантованных полях и возникающие в этих условиях особенности обмена энергией между электроном и полем.
- 8. Обнаружение режима интерференционной стабилизации при ионизации связанных атомных кубитов в сильном лазерном поле.
- 9. Методы создания перепутанных состояний в системе двух взаимодействующих атомов в сильном поле.

Апробация работы

Основные результаты диссертации докладывались и обсуждались на научных семинарах отдела микроэлектроники НИИЯФ МГУ, семинара по физике многофотонных процессов ИОФ РАН (руководитель – проф. М.В.Федоров). Основные положения и результаты диссертации были представлены на 15 международных конференциях и симпозиумах:

- XIV Международная конференция студентов, аспирантов и молодых ученых «Ломоносов» Москва (11-14.04.2007).
- 2. International Conference on Coherent and Nolinear Optics, Minsk, (31.05-04.06.2007)
- 3. International Workshop "Attosecond Physics", Dresden Germany, (1-5.08.2007)
- 4. Simposium "Novel light sources and applications", Obergurgl, Austria, (3-9.02.2008)
- 5. 17th International Laser Physics Workshop (LPHYS'08), Norway, Trondheim, (30.06-04.07.2008)
- 6. 15th GSI Student Program, Germany, Darmstadt, (07.08-28.09.2008)
- 7. 11th International Conference on Multiphoton Processes, Germany, Heidelberg, (18-23.09.2008)
- 8. 16-th central European Workshop of Quantum Optics, Turku, Finland, (23-27.05.2009)

- 9. 18th International Laser Physics Workshop, Barcelona, (13-17.07.2009)
- 10. XXIV International Conference of Physics Students, Split, Croatia, (10-18.08.2009)
- 11. 17-th Central European Workshop on Quantum Optics, (CEWQO-2010), St. Andrews, Scotland, (6-11.06.2010)
- 12. 19th International Laser Physics Workshop, Foz do Iguaçu, Brazil, (5-9.07.2010)
- 13. XXV International Conference of Physics Students, Graz, Austria, (17-23.08.2010)
- International Conference on Foundations of Probability and Physics-6, (FPP-6), Linnaeus University, Vaxjo, Sweden, (13-16.06.2011)
- 15. 20th International Laser Physics Workshop, Sarajevo, (11-15.07.2011)

Публикации

По материалам диссертации опубликовано 26 печатных работ, в том числе 8 статей в рецензируемых российских и зарубежных журналах [A1, A2, A3, A4, A5, A6, A7, A8] и 18 тезисов международных конференций [A9, A10, A11, A12, A13, A14, A15, A16, A17, A18, A19, A20, A21, A22, A23, A24, A25, A26].

Личный вклад автора

Личный вклад автора в работы, вошедшие в диссертацию, является определяющим при разработке теоретических моделей, аналитического и численного анализа, реализации численного решения и интерпретации полученных результатов.

Структура и объем диссертации

Диссертация состоит из пяти глав. Глава 1 содержит обзор литературы, посвященной задачам, которые рассматриваются в диссертации. В главе 2 решается задача о перерассеянии широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на родительском молекулярном ионе в отсутствие лазерного опля и исследуется возникающая интерференция в угловых распределениях электрона, содержащая информацию как о ядерной подсистеме молекулы, так и об электронном волновом пакете. В главе 3 получено решение задачи о рассеянии электронных волновых пакетов на потенциальном центре в присутствии классического лазерного поля, в том числе ультракороткой длительности, и обнаружен эффективный нагрев электронов, обусловленный интерференцией различных каналов вынужденного тормозного поглощения и испускания, играющий важную роль в процессе ионизации кластеров и наноструктур ультракороткими лазерными импульсами. Глава 4 посвящена обобщению вынужденного тормозного эффекта и эффекта Маркуза на случай взаимодействия с неклассическими состояниями электромагнитного поля, причем наибольший интерес представляет случай взаимодействия с состоянием «сжатого вакуума». В этом случае также обнаружено увеличение числа высокоэнергичных электронов за счет эффективного обмена энергией между электронной и полевой подсистемами. Кроме того продемонстрирована возможность усиления поля независимо от ориентации начального импульса электрона, то есть даже в системах типа плазмы, когда импульсы электронов описываются некоторой функцией распределения. В главе 5 решена задача о динамике двух взаимодействующих друг с другом ридберговских атомов в сильном лазерном поле, обнаружен режим интерференционного подавления ионизации в такой системе, а также проанализирована возможность лазерного управления такими связанными атомными кубитами, создания и экспериментального наблюдения перепутанных состояний в такой системе. Основные результаты работы представлены в Заключении.

Содержание работы

Во Введении обоснована актуальность диссертационной работы, сформулирована цель и аргументирована научная новизна исследований, показана практическая значимость полученных результатов, представлены выносимые на защиту научные положения.

Первая глава состоит из четырех разделов, в которых приведен обзор литературы по направлениям исследований, проведенных в настоящей диссертационной работе, представлено актуальное состояние развитых на данный момент моделей и методов теоретического описания взаимодействия атомно-молекулярных и наноструктурных систем с сильными внешними электромагнитными полями и сформулирован ряд проблем, требующих дальнейшего исследования.

Во второй главе рассмотрен процесс рассеяния широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на родительском молекулярном или атомном ионе. Такая задача возникает при рассмотрении процесса ионизации в сильных полях ультракороткой длительности. В случае когда напряженность поля в лазерном импульсе близка к внутриатомной в результате ионизации в континууме формируется электронный волновой пакет имеющий пространственную локализацию сравнимую с шириной начального связанного состояния, при этом в энергетическом представлении его ширина может значительно превосходить энергию соответствующую несущей частоте лазерного импульса. В данной главе в рамках модели перерассеяния была рассмотрена только стадия рассеяния электронного волнового пакета в континууме на родительском молекулярном ионе. В качестве рассматриваемой системы выбрана двумерная модель молекулярного иона H_2^+ .

В разделе 2.1 представлено аналитическое решение задачи рассеяния электронного вол-

нового пакета на двуямном потенциале. С начальным условием в виде суперпозиции плоских волн $\psi_0 = \int C_p^{(0)} e^{\frac{i}{\hbar} \vec{p} \vec{r}} d^2 \vec{p}$, где

$$C_p^{(0)} = \frac{b}{\hbar\sqrt{\pi}} e^{\frac{-b^2}{2\hbar^2}(\vec{p}-\vec{p}_0)^2} e^{\frac{i}{\hbar}\vec{r}_0(\vec{p}-\vec{p}_0)},\tag{1}$$

что соответствует гауссову волновому пакету. Начальная координата центра масс такого волнового пакета была выбрана порядка амплитуды классических колебаний электрона в поле электромагнитной волны, при этом большая ширина пакета в импульсном представлении соответствует случаю ионизации интенсивным ультракоротким лазерным импульсом, что приводит к существенному отличию от плоской волны. Решение задачи рассеяния проводилось в рамках борновского приближения с учетом когерентной суперпозиции большого числа плоских волн в начальном электронном волновом пакете.

В <u>разделе 2.2</u> представлены основные результаты, полученные на основе рассмотренной теоретической модели и проведено сравнение с результатами численного эксперимента. В *подразделе 2.2.1* получены результаты для I и II борновского приближения в случае, когда электрон представлен в виде плоской волны, и продемонстрирована несостоятельность такого приближения при описании углового распределения возникающего при ионизации интенсивным лазерным импульсом. В *подразделе 2.2.2* получено выражение для амплитуды рассеяния в первом борновском приближении в случае широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета и представлены соответствующие угловые распределения для различных начальных ширин волнового пакета. При этом продемонстрировано, что для рассеянной части ЭВП дифракционная картина значительно размывается, что может привести к потере информации о ядерной подсистеме родительского иона. Однако, в *подразделе 2.2.3* показано, что в случае широких (в импульсном представлении) электронных волновых пакетов не представляется возможным отделить падающий электронный волновой пакет от рассеянного. В этих условиях полная вероятность вылета электрона под углом θ для двумерной геометрии может быть записана в виде:

$$\frac{d\sigma}{d\theta} = \int pdp \left| C_p^{(0)} + C_p^{(1)} \right|^2 = \int pdp \left\{ \left| C_p^{(0)} \right|^2 + \left| C_p^{(1)} \right|^2 + \underline{2\Re \left[C_p^{(0)*} C_p^{(1)} \right]} \right\}$$
(2)

где $C_p^{(1)}(p,\theta)$ амплитуда рассеяния электронного волнового пакета в первом борновском приближении, а $C_p^{(0)}(p,\theta)$ - начальное двумерное импульсное распределение электрона до рассеяния, а последний член в правой части равенства (2) определяет интерференцию прошедшей и падающей волны, кроме того интерференционный член играет определяющую роль в формировании углового распределения электрона и позволяет извлечь информацию не только о ядерной подсистеме молекулы, но и свойствах электронного волнового пакета. Поведение интерференционного члена может быть рассчитано из следующего выражения (случай параллельной геометрии):

$$J_{interf}^{parallel}(\theta) = \frac{2ze^2mb^2}{\hbar} \int dk e^{-b^2(k^2+k_0^2)/2} e^{b^2kk_0\cos(\theta)} \times \\ \times \int_{0}^{2\pi} d\tilde{\theta} \frac{\alpha\cos\left[\frac{kR}{2}(\cos(\theta)-\cos(\tilde{\theta}))\right]}{\sqrt{1+4k^2\alpha^2\sin^2\left(\frac{\theta-\tilde{\theta}}{2}\right)}} \sin\left[kr_0(\cos(\theta)-\cos(\tilde{\theta}))\right] e^{b^2kk_0\cos(\tilde{\theta})}$$
(3)

и качественно описано следующим приближенным выражением:

$$J_{interf}^{parallel} \sim e^{-b^2 k_0^2 \theta^2/2} \cos\left(\frac{k_0 R}{2} (1 - \cos\theta)\right) \sin\left(k_0 r_0 \theta^2/2\right) \tag{4}$$

Другими словами этот член содержит в себе информацию о ядерной подсистеме ($\sim cos(\frac{kR}{2}(1-cos\theta)))$ и, сверх того, информацию о параметрах электронного волнового пакета ($\sim e^{-b^2k_0^2\theta^2/2} \sin(k_0r_0\theta^2/2c_0)$ сформировавшемся в процессе ионизации лазерным импульсом, что может позволить извлечь информацию о динамике системы с фемтосекундным временным разрешением. Кроме того, этот член оказывается пропорционален первому порядку малости по потенциалу взаимодействия и поэтому имеет определяющее значение по сравнению с сигналом рассеяния $|C_p^{(1)}|^2$ на углах, определяемых шириной начального импульсного распределения.

Отмеченный эффект интерференции имеет место и в случае рассеяния электронного волнового пакета на одноцентровом потенциале, что приводит к сильно немонотонной угловой диаграмме вылета электрона при рассеянии на одноцентровом потенциале в отличие от традиционной спадающей угловой зависимости, вытекающей из перового борновского приближения для плоской волны.

В *подразделе 2.2.4* проведено сравнение результатов полученного аналитического решения с результатами численного счета.

На рис.1(а) в линейном масштабе представлено сравнение углового распределения для перерсассеивающегося электрона, полученное в численном расчете, и угловая зависимость интерференционного слагаемого для тех же условий. При этом k_0 соответствует средней энергии электронного волнового пакета, оцененного из данных численного счета (рис.2 в [A4]) для канала перерассеяния, а начальное положение пакета r_0 было выбрано порядка амплитуды колебаний свободного электрона в поле волны при использованных в расчете лазерных параметрах. Из сравнения данных видно, что интерференционное слагаемое прекрасно описывает положение нескольких первых максимумов и минимумов реального распределения, полученного в численном интегрировании задачи. Этот факт убедительно доказывает, что возникновение частых



Рис. 1. Сравнение углового распределения, полученного в рамках точного численного расчета (a) для R = 4.8 Å ионизованного одноцикловым лазерным импульсом с пиковой интенсивностью 6×10^{14} BT/cm² и угловой зависимости интерференционного члена перерассеявшегося электрона, полученного аналитически по формуле (3) (b) углового распределения, полученного в точном численном расчете для ионизации двумерного атома (R = 0) одноцикловым импульсом с 1.55 эВ и интенсивностью 6×10^{14} BT/cm² (сплошная линия) и результат разработанного аналитического подхода рассчитанный по формуле (2) (штриховая линия) (в (2) k_0 соответствует $E_0 = 40$ эВ, $r_0 = 40$ а.е.)

осцилляций в угловом распределении перерассеянного электрона обусловлено эффектами интерференции падающих и рассеянных волн в электронном волновом пакете. Таким образом, именно вышеописанные интерференционные эффекты, а не двухцентровая структура потенциала взаимодействия электрона с остаточным молекулярным ионом играют ключевую роль в формировании «дифракционных» немонотонностей, наблюдаемых в угловых распределениях.

Действительно, в случае ионизации атома ультракоротким лазерным импульсом угловое распределение для перерассеявшегося на атомном остове электрона также оказывается резко немонотонным. Единственным механизмом, ответственным за наблюдаемую быстроосциллирующую угловую зависимость является отмеченная интерференция волн в электронном волновом пакете в процессе перерассеяния, а разработанный аналитический подход хорошо описывает результат точных численных расчетов [A2] на малых углах (Рис. 1(b))

В третьей главе рассмотрена задача о вынужденном тормозном поглощении и испускании квантов поля электроном при рассеянии на потенциальном центре в сильном лазерном поле в случае, когда электрон характеризуется широким начальным импульсным распределением, а лазерный импульс может иметь ультракороткую длительность. Как уже говорилось, при ионизации атомно-молекулярных систем интенсивным ультракоротким лазерным импульсом в континууме формируются широкие в импульсном представлении электронные волновые пакеты. Дальнейшая их динамика в присутствии поля сопровождается вынужденным поглощением и испусканием квантов поля, причем так как ширина пакета может значительно превосходить величину кванта поля это может привести к возникновению целого ряда новых эффектов по сравнению со случаем плоской волны, обусловленных квантовой интерференцией.

В <u>разделе 3.1</u> представлено аналитическое решение для задачи о вынужденном тормозном эффекте в случае электронных волновых пакетов и ультракоротких лазерных импульсов, а также предложено рассмотрение данного эффекта для различных режимов. Для начального условия (1) в первом борновском приближении это приводит к следующему уравнению для квантовой амплитуды рассеяния:

$$i\hbar\dot{C}_{p_{f}}^{(1)} = \sum_{n} \frac{1}{(2\pi\hbar)^{2}} \int C_{p_{i}}^{(0)} U_{p_{f}p_{i}} J_{n} \left(\frac{e\vec{\varepsilon_{0}} \left(\vec{p_{i}} - \vec{p_{f}}\right)}{\hbar m \omega^{2}}\right) e^{\frac{-i}{\hbar} \left(E_{f} - E_{i} - n\hbar\omega\right)t} d\vec{p_{i}}.$$
(5)

В отличие от результата теории Бункина-Федорова в случае электронного волнового пакета различные каналы испускания и поглощения дают вклад в широкий диапазон энергий, что приводит к их интерференции и значительному изменению конечного импульсного и углового распределения электронов.

В <u>разделе 3.2</u> рассмотрена возможность эффективного нагрева электрона в плазме, возникающей в процессе ионизации наноструктур в случае, когда время рассеяния гораздо больше чем период внешнего поля и представлены результаты полученные для такого режима. С учетом большой энергетической ширины рассеянного волнового пакета, как и в **главе 2**, не представляется возможным отделить его от падающего. Как следствие, плотность вероятности для двумерного импульсного распределения электрона в результате рассеяния в первом порядке теории возмущений принимает вид:

$$|C_{f}(\theta_{f}, p_{f})|^{2} = \left|C_{p}^{(0)} + \sum_{n=-\infty}^{\infty} C_{p}^{(1)n}\right|^{2}$$
$$= \left|C_{p}^{(0)}\right|^{2} + \sum_{n} \left|C_{p}^{(1)n}\right|^{2} + 2\Re e \left[\underbrace{C_{p}^{(0)*} \sum_{\substack{n \\ I_{1}}} C_{p}^{(1)n}}_{I_{1}} + \underbrace{\sum_{\substack{n,k \\ n \neq k}} C_{p}^{(1)k*} C_{p}^{(1)n}}_{I_{2}}\right].$$
(6)

Из выражения (6) следует, что возникает два типа интерференционных эффектов: между падающей и рассеянными волнами I_1 и между рассеянными волнами, отвечающими процессам разного порядка многофотонности I_2 .

На рисунке 2 представлены интегральный по углам спектр и двумерное импульсное распределение электрона в случае более сильного поля, соответствующего характерной величине параметра многоквантовости $N_{pp'} = 8,76$. В левом столбце представлены результаты с учетом всех возникающих интерференционных эффектов и, отвечающие сохранению когерентности



Рис. 2. Двумерное импульсное распределение для электрона после рассеяния (a) и интегральный по углам энергетический спектр (c) в начальный момент времени (штриховая линия) и по окончании рассеяния (сплошная линия); b),d) - те же данные, но полученные в случае усреднения по равномерному распределению ионов в кластере (E = 30 эВ, r0 = -120 а.е., $\hbar\omega = 5$ эВ, $\varepsilon_0 = 0.2$ а.е., b = 2 а.е.)

процесса рассеяния, что имеет место в случае перерассеяния электронного волнового пакета на родительском ионе. Наличие интерференции приводит к сильной изрезанности двумерного импульсного распределения. Кроме того, возникает заметная доля электронов с энергией более 100 эВ, что существенно превышает оценки, выполненные исходя из значения параметра многоквантовости полученного в теории Бункина-Федорова. Таким образом большая ширина начального импульсного распределения электрона приводит к появлению более высокоэнергичных электронов по сравнению со случаем плоской волны.

Отметим, что в ряде случаев когерентность процесса рассеяния нарушается. Это может иметь место, например, при рассеянии сформированного в процессе ионизации электронного волнового пакета на соседних ионах в наноструктурах (кластерах). Полученные для этого случая двумерные импульсные распределения и интегральный по углам энергетический спектр электрона представлены в правом столбце рисунка 2. Как видно из конечного спектрального распределения, в случае усреднения возникает хорошо заметный высокоэнергетический "хвост", который при перерассеянии подавлен деструктивной интерференцией каналов, отвечающих поглощению различного числа квантов поля. Возникновение медленно спадающей высокоэнергетической части в энергетическом распределении электронов связано с проявлением каналов отвечающих за большое число поглощенных квантов поля и приводит к более эффективному разогреву электронов, имеющему важное значение в случае ионизации кластеров ультракороткими лазерными импульсами.

В <u>разделе 3.3</u> рассмотрен режим для вынужденного тормозного эффекта, когда время рассеяния меньше или порядка периода внешнего лазерного поля. Такая ситуация в случае изначально пространственно узких электронных волновых пакетов наиболее легко достигается уменьшением частоты лазерного поля.

В этом случае решение уравнения (5) можно записать в следующем виде:

$$C_{p_f}^{(1)} = -\frac{i}{\hbar} U_{p_0 p_f} \int_{-\infty}^{t} dt \psi_{\rm CB}(\vec{a}_e \cos(\omega t), t) e^{\frac{i}{\hbar} [E_{p_f} t - \vec{p}_f \vec{a}_e \cos(\omega t)]}, \tag{7}$$

где член $\psi_{cB}(\vec{a}_e \cos(\omega t), t)$ в интеграле (7) имеет следующий физический смысл: он описывает движение свободного расплывающегося электронного волнового пакета с начальным средним импульсом \vec{p}_0 и координатой \vec{r}_0 , центр которого осциллирует во внешнем лазерном поле с амплитудой $\vec{a}_e = \frac{e\vec{\varepsilon}_0}{m\omega^2}$, совпадающей с соответствующим классическим значением. Если координата \vec{r}_0 отсчитывается от потенциального центра рассеяния, то момент времени t^* , в который действительная часть показателя экспоненты обращается в нуль, фактически отвечает моменту рассеяния, а квадрат модуля подынтегрального выражения имеет физический смысл вероятности нахождения электрона на рассеивающем центре.

На рисунке 3 представлено двумерное импульсное распределение в случае сильного поля . Видно, что основная часть волнового пакета продолжает движение в направлении $\theta = 0$ с той же средней энергией, хотя профиль импульсного распределения в этом направлении уширяется по сравнению с исходным, а энергетический спектр характеризуется протяженным высокоэнергичным плато, обусловленным рассеянием электрона на различные углы вплоть до π и простирающимся до энергии более 700 эВ. При этом вероятность поглощения электроном различной по величине энергии остается на протяжении всего "плато" практически постоянной, а отсечка энергетического спектра соответствует поглощению ≈ 350 фотонов, что почти на порядок превышает характерную величину параметра многоквантовости, равную в этом случае $N_{pp_0} \simeq 55$. Фактически такое распределение в виде «окружности» возникает из-за сильной интерференции различных каналов и тяготеет к классическому механизму поглощения энергии.



Рис. 3. Двумерное импульсное распределение и спектр электрона до рассеяния (штрихом) после первого рассеяния (черным) в случае сильного поля, белая окружность, фитирующая распределение, смещена относительно начала координат на величину пондеромоторного импульса электрона соответствующего, в данном случае, максимальной амплитуде внешнего поля ($\varepsilon_0 = 0.2$ а.е., E = 30 эВ, r0 = -50 а.е., $\hbar\omega = 2$ эВ, b = 2 а.е.)

В <u>разделе 3.4</u> получено обобщение аналитических результатов на случай взаимодействия с ультракоротким лазерным импульсом, как для случая плоской волны, так и электронного волнового пакета. На основе полученных результатов предложен метод контроля конечного спектра электрона за счет задержки лазерного импульса относительно момента рассеяния.

Дальнейшее увеличение энергии электронов в процессе вынужденного тормозного рассеяния может быть достигнуто за счет использования неклассических «сжатых» состояний поля, этот случай рассмотрен в главе 4.

В <u>разделе 4.1</u> представлено аналитическое решение задачи рассеяния электрона на потенциальном центре в присутствии одной моды внешнего квантованного поля и получены выражения, позволяющие рассчитывать вероятности процессов отвечающих поглощению разного числа квантов такого поля электроном в процессе рассеяния, для различных начальных состояний электромагнитного поля. Одну моду квантованного электромагнитного поля можно описать с помощью гамильтониана полевого осциллятора, тогда задача о взаимодействии между электроном и одной модой электромагнитного поля в в присутствии потенциального центра в координатном представлении описывается следующим нестационарным уравнением Шредингера:

$$i\hbar\frac{\partial\psi}{\partial t} = \left[\frac{\left(\hat{\vec{p}} - \frac{e}{c}\hat{\vec{A}}\right)^2}{2m} + \frac{\hbar\omega}{2}\left(\varepsilon^2 - \frac{\partial^2}{\partial\varepsilon^2}\right) + U(r)\right]\psi.$$
(8)



Рис. 4. Сечения каналов различной многофотонности (в атомных единицах) для вынужденного тормозного поглощения и испускания для дельта-потенциала и кулоновского потенциала представлены слева и справа соответственно, для сжатого вакуума (закрашенные кружочки) и классического поля (незакрашенные кружочки) для E = 50 эВ, $\hbar\omega = 5$ эВ и параметра многофотонности $N_{p_0} \approx 10.76$. Следует отметить, что для канала с испусканием k = -9, -8 фотонов борновское приближение может быть неприменимо.

Тогда в первом борновском приближении можно получить следующее выражение для дифференциального сечения процессов различной многофотонности:

$$\frac{d\sigma^{\pm k}}{d\Omega} = \frac{8\pi z^2 \hbar^4}{a_0^2} \frac{p}{p_0} \frac{\sum_{n=0}^{\infty} \left| C_{p_0,n}^{(0)} \right|^2 \left| \langle F_{p,n\pm k} | F_{p_0,n} \rangle \right|^2}{(p^2 + p_0^2 - 2pp_0 \cos \theta)^2} \bigg|_{\frac{p^2 - p_0^2}{2m} + \hbar\omega \sqrt{\delta\omega} (\beta_p^2 - \beta_{p_0}^2 \pm k) = 0}^{\frac{p^2 - p_0^2}{2m} + \lambda\omega \sqrt{\delta\omega}}$$
(9)

где $\beta_p = \frac{\sqrt{2}}{\pi} \alpha^{3/2} a_0 \left(\vec{p} / \hbar \cdot \vec{e_z} \right) \left[\frac{\lambda/2}{L} \right]^{3/2}$ и $\delta_\omega = 1 + \frac{2e^2 A_0^2}{2mc^2 \omega} \approx 1$ в нерелятивистском случае, а проекция между полевыми состояниями может быть вычислена в следующем виде:

$$\langle F_{p,n\pm k}|F_{p_0,n}\rangle = \frac{e^{-\frac{1}{2}(\beta_p - \beta_{p_0})^2}|\beta_p - \beta_{p_0}|^{|k|}\sqrt{n!(k+n)!}\,{}_1F_1\left(-\min(n,k+n);|k|+1;|\beta_p - \beta_{p_0}|^2\right)}{\Gamma(|k|+1)\Gamma(\min(n,k+n)+1)} \tag{10}$$

В <u>разделе 4.2</u> представлены основные результаты полученные на основе аналитической модели. В *подразделе 4.2.1* представлен предельный переход к полуклассическому решению и получена связь между основными выражениями для полуклассического подхода и случая, когда поле проквантованно. *Подраздел 4.2.2* посвящен случаю, когда электрон взаимодействует с полем в состояний «сжатого вакуума». Дифференциальное сечение, вычисленное для различных многофотонных каналов и представленное на рисунке 4 для когерентного состояния (незакрашенные кружочку) характеризуется монотонным уменьшением с характерной отсечкой. В случае состояния «сжатого вакуума» начальное распределение по фоковским состояния качественно отличается от когерентного. В этом случае очень большое число состояний отвечающих

большим квантовым числам n дает вклад в сумму (9) и обеспечивает максимальное значение матричного элемента для многофотонных процессов высокого порядка. Другими словами, для каждого k-го многофотонного канала в (9) входит состояние с точным числом фотонов n таким, что обеспечивается максимальное значение матричного элемента для этого канала и ненулевую населенность $|C_n^{(0)}|^2$ такого состояния. В этом случае дифференциальное сечение вычисленное в зависимости от порядка многофотонности k (числа испущенных или поглощенных квантов) приводит к достаточно монотонному поведению как для случая дельта-потенциала, так и для кулоновского потенция (рис. 4 закрашенные кружки). Наблюдаемое монотонное уменьшение вероятности с ростом многофотонности и отсутствие выраженной отсечки для процессов поглощения является непосредственным следствием большого числа фоковских состояний входящих в «сжатый вакуум» (эффективно \bar{n}^2) и медленное убывание их амплитуд с ростом номера n. Таким образом «сжатый вакуум» обеспечивает большую вероятность поглощения большого числа фотонов рассеянным электроном по сравнению с классическим полем, приводящую к отсутствию отсечки по энергии и расширению спектра электрона в область гораздо больших энергий по сравнению со случаем классических полей.

В *подразделе 4.2.3* представлены результаты полученные в случае полностью квантового описания эффекта Маркуза с учетом многофотонного поглощения и испускания. Показано, что с учетом квантовости электромагнитного поля можно увеличить угловой интервал в котором преобладают процессы испускания квантов и даже полностью изменить угловую зависимость коэффициента усиления поля. Меняя параметры поля можно добиться постоянства или даже инвертировать и увеличить коэффициент усиления поля в зависимости от начальной ориентации импульса электрона, обеспечив таким образом положительное значение скорости испускания фотонов для любой начальной ориентации импульса электрона.

В главе 5 рассмотрена задача о взаимодействии системы двух тесно связанных ридберговских атомов с внешним интенсивным лазерным полем. В случае реализации кубитов на высоковозбужденных ридберговских атомных состояниях и лазерного управления ими возникает проблема ионизации атомов этим лазерным полем. Одно из возможных решений - использование механизма интерференционной стабилизации в сильном лазерном поле - исследовано в этой главе. В <u>разделе 5.1</u> представлена аналитическая модель позволяющая получить решение поставленной задачи, причем взаимодействие атомов друг с другом и с лазерным полем в рамках рассмотренной модели учтены точно. При решении задачи каждый из атомов рассматривался в модели "n дискретных уровней + континуум", причем для анализа роли взаимодействия, а также рамановских переходов Λ-типа между дискретными состояниями через континуум четность связанных состояний полагалась одинаковой и обеспечивающей ненулевое значение матричных



Рис. 5. Эволюция системы двух взаимодействующих двухуровневых атомов в сильном поле, если в начальный момент времени атомы находятся в основном состоянии ($W = 30\Delta$, $\Gamma = 10\Delta$)

элементов оператора взаимодействия между ними.а

Тогда в приближении адиабатического исключения континуума можно получить следующее уравнение для квантовых амплитуд дискретных состояний атомов:

$$i\dot{C}_{n_A n_B} = (E_{n_A} + E_{n_B})C_{n_A n_B} - i\Gamma \sum_k (C_{n_A k} + C_{k n_B}) + W \sum_{k,k'} C_{kk'}, \qquad (11)$$

В <u>разделе 5.2</u> получены решения для уравнения (11) в терминах симметризованных состояний и с учетом спина в виде квазиэнергетических функций и энергий в случае, когда учтено всего два дискретных состояний в каждом атоме. Получены приближенные выражения для квазиэнергий и квазиэнергетических состояний в различных предельных случаях по интенсивности внешнего поля и силе межатомного взаимодействия.

Обнаружено возникновение интерференционной стабилизации в системе в случае сильных полей (рис. 5). Продемонстрировано, что возникающее в системе стабильное состояние является факторизованным по переменным отдельных атомов, но переходит в перепутанное состояние в режиме динамики без поля, но с учетом взаимодействия атомов друг с другом.

В<u>разделе 5.3</u> рассмотрена возможность создания перепутанных состояний в такой системе и предложен метод экспериментального приготовления таких состояний в случае взаимодействия с сильным лазерным полем. Кроме того получено обобщение на случай большего числа дискретных состояний и рассмотрена их динамика.

В Заключении представлены основные результаты и выводы диссертации. Объяснены результаты прямых численных расчетов по ионизации квантовых систем ультракоротким лазерным импульсом и продемонстрировано, что эффект интерференции различных частей волнового пакета в процессе рассеяния электрона на атомно-молекулярном остове ответственен за формирование качественно новых угловых и импульсных распределений электрона в континууме. Предложены методы по извлечению информации о динамике молекулы и свойствах электронного волнового пакета с фемтосекундным разрешением по времени.

Обнаружен эффективный нагрев электронов в кластере в процессе ионизации ультракоротким лазерным импульсом, обусловленный интерференцией различных каналов ВТЭ. Показана возможность эффективного поглощения квантов поля в случае рассеяния вперед в условиях "быстрого" многократного рассеяния широкого в импульсном представлении электронного волнового пакета на потенциальном центре.

Исследован и получен полуклассический предел для вынужденного тормозного эффекта в квантованном поле, обнаружено существенное увеличение эффективности протекания многофотонных процессов высокого порядка в «сжатом вакууме» по сравнению с классическим полем той же интенсивности. Получено обобщение эффекта Маркуза на случай квантованного поля и поглощения и испускания более одного кванта внешнего поля, показано что в случае малого числа фотонов в моде возможно получить усиление поля независимо от начальной ориентации импульса электрона.

Решена задача об эволюции системы двух эффективно взаимодействующих ридберговских атомов в сильном лазерном поле. Продемонстрирована возможность наблюдения эффекта стабилизации в такой многочастичной системе и исследована возможность создания перепутанных двухчастичных состояний.

Список публикаций

- A1. Burenkov I. A., Tikhonova O. V. Interference effects in electron-molecular scattering and diffraction imaging of molecular dynamics // Proc. of SPIE. 2007. Vol. 6726, no. 1. Pp. 67261C1–6.
- A2. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. Ionization of atoms and molecules by a few-cycle laser pulse and interference effects in the rescattering process // Journal of Modern Optics. 2008. Vol. 55, no. 16. Pp. 2527–2539.
- А3. Буренков И.А., Тихонова О.В. Интерференционные эффекты в теории многофотонного вынужденного обратного тормозного эффекта для широких в импульсном представлении электронных волновых пакетов // ВМУ. Серия 3. ФИЗИКА. АСТРОНОМИЯ. 2009. Т. 64. С. 42–46.
- А4. Буренков И.А., Волкова Е.А., Попов А.М., Тихонова О.В. Динамика молекулярных си-

стем в поле ультракоротких лазерных импульсов и интерференционные эффекты, возникающие в процессе перерассеяния // ЖЭТФ. 2009. Т. 136. С. 5–17.

- А5. Буренков И.А., Тихонова О.В. Многофотонный вынужденный обратный тормозной эффект для широких в импульсном представлении электронных волновых пакетов в поле ультракороткого лазерного импульса // ЖЭТФ. 2010. Т. 137. С. 1070–1089.
- A6. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. New features of interaction of atomic and molecular systems with intense ultrashort laser pulses // Laser Physics Letters. 2010. Vol. 7, no. 6. Pp. 409–434.
- A7. Burenkov I. A., Tikhonova O. V. Features of multiphoton-stimulated bremsstrahlung in a quantized field // Journal of Physics B: Atomic, Molecular and Optical Physics. 2010. Vol. 43, no. 23. P. 235401.
- А8. Буренков И.А., Тихонова О.В. Эффекты сильного поля в системе двух взаимодействующих ридберговских атомов // Письма в ЖЭТФ. 2011. Т. 93. С. 346–352.
- А9. Буренков И.А., Тихонова О.В. Рассеяние электронного волнового пакета на молекуле и определение динамики ядерных степеней свободы // Международный молодежный научный форум "Ломоносов-2007", XIV Международная конференция студентов, аспирантов и молодых ученых "Ломоносов", Москва, Россия. 2007.
- A10. Burenkov I., Tikhonova O. Interference effects in electron-molecule scattering and diffraction imaging of molecular dynamics // International Conference on Coherent and Nolinear Optics, Minsk, Belorus. 2007. Pp. I03–4.
- A11. Burenkov I., Tikhonova O. Interference effects in diffraction imaging of nuclear dynamics in molecules // International Workshop "Attosecond Physics", Dresden, Germany. 2007.
- A12. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. Ionization of atoms and molecules by a few-cycle laser pulse and interference effects in the rescattering process // Novel light sources and applications, Obergurgl, Austria. 2008. P. P.25.
- A13. Burenkov I., Tikhonova O. Interference effects in the laser-stimulated Bremsstrahlung for wide in momentum representation electron wave packets // 17th International Laser Physics Workshop (LPHYS'08), Norway, Trondheim. 2008. P. 155.

- A14. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. Interference features of the field-induced ionization and rescattering in atomic systems in few-cycle laser pulses // 17th International Laser Physics Workshop (LPHYS'08), Norway, Trondheim. 2008. P. 127.
- A15. Burenkov I., Rosmej O. X-ray spectroscopy investigation of laser-produced dense plasma // 15th GSI Student Program, Germany, Darmstadt. 2008. Pp. 25–29.
- A16. Burenkov I., Tikhonova O. Heating of Nanoclasters by Intense Ultrashort Laser Pulses and Interference Effects in the Laser-Stimulated Bremstrahlung // 11th International Conference on Multiphoton Processes, Germany, Heidelberg. 2008. P. Mo06.
- A17. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. Interference features of electron-atomic core rescattering during strong field atomic ionization in a few-cycle laser pulses // 11th International Conference on Multiphoton Processes, Germany, Heidelberg. 2008. P. Fr47.
- A18. Burenkov I., Tikhonova O. Features of laser stimulated Bremsstrahlung in quantum field //
 16th Central European Workshop of Quantum Optics, Turku, Finland. 2009. P. 103.
- A19. Burenkov I., Popov A., Tikhonova O., Volkova E. Different channels of radiation emission by ionized electron during its rescattering in a strong laser field // 16th Central European Workshop of Quantum Optics, Turku, Finland. 2009. P. 166.
- A20. Burenkov I., Tikhonova O. Different regimes of the laser-stimulated Bremsstrahlung in intense ultrashort laser pulses // 18th International Laser Physics Workshop, Barcelona, Spain. 2009. P. 154.
- A21. Burenkov I., Tikhonova O. Heating of nanoclusters by intense ultrashort laser pulses and laser-stimulated Bremsstrahlung // XXIV International Conference of Physics Students, Split, Croatia. 2009.
- A22. Burenkov I., Tikhonova O. Entanglement and ionization suppression in two-atomic system in a strong classical field // 17-th Central European Workshop on Quantum Optics, St. Andrews, Scotland. 2010. P. Wed.5.
- A23. Burenkov I., Tikhonova O. Ionization suppression and quantum correlations in a system of two coupled atoms in a strong laser field // 19th International Laser Physics Workshop, Foz do Iguaçu, Brazil. 2010.
- A24. Burenkov I., Tikhonova O. Two-atom quantum entanglement in a strong classical field // XXV International Conference of Physics Students, Graz, Austria. 2010.

- A25. Burenkov I., Tikhonova O. Entanglement and ionization suppression in a system of two interacting atomic q-bits driven by a strong laser field // International Conference on Foundations of Probability and Physics-6, (FPP-6), Linnaeus University, Vaxjo, Sweden. 2011.
- A26. Burenkov I., Tikhonova O. Ionization suppression and entanglement in a system of two interacting Rydberg atoms driven by strong laser field // 20th International Laser Physics Workshop, Sarajevo. 2011.

Цитированная литература

- Agostini P., DiMauro L. F. The physics of attosecond light pulses // Reports on Progress in Physics. 2004. Vol. 67, no. 6. Pp. 813–855.
- Lein M. Molecular imaging using recolliding electrons // Journal of Physics B: Atomic, Molecular and Optical Physics. 2007. Vol. 40. Pp. R135–R151.
- Niikura H., Légaré F., Hasbani R., Bandrauk A. D., Ivanov M. Y., Villeneuve D. M., Corkum P. B. Sub-laser-cycle electron pulses for probing molecular dynamics // Nature. 2002. Vol. 417. Pp. 917–922.
- Ergler T., Rudenko A., Feuerstein B., Zrost K., Schröter C. D., Moshammer R., Ullrich J. Spatiotemporal Imaging of Ultrafast Molecular Motion: Collapse and Revival of the D₂⁺ Nuclear Wave Packet // Phys. Rev. Lett. 2006. — Nov. Vol. 97. Pp. 193001–4.
- Spanner M., Smirnova O., Corkum P. B., Ivanov M. Y. Reading diffraction images in strong field ionization of diatomic molecules // Journal of Physics B: Atomic, Molecular and Optical Physics. 2004. Vol. 37. Pp. L243–L255.
- Lein M., Marangos J. P., Knight P. L. Electron diffraction in above-threshold ionization of molecules // Phys. Rev. A. 2002. — Nov. Vol. 66. Pp. 051404–051407.
- Lein M., Hay N., Velotta R., Marangos J. P., Knight P. L. Role of the Intramolecular Phase in High-Harmonic Generation // Phys. Rev. Lett. 2002. — Apr. Vol. 88. P. 183903.
- Gonoskov I. A., Ryabikin M. Y., Sergeev A. M. High-order harmonic generation in light molecules: moving-nuclei semiclassical simulations // Journal of Physics B: Atomic, Molecular and Optical Physics. 2006. Vol. 39, no. 13. Pp. S445–S457.

- 9. Бункин Ф.В., Федоров М.В. Тормозной эффект в сильном поле излучения // ЖЭТФ. 1965.
 Т. 49. С. 1215–1221.
- Wallbank B., Holmes J. K. Laser-assisted elastic electron-atom collisions // Phys. Rev. A. 1993. Oct. Vol. 48. Pp. R2515–R2518.
- Быков В.П. Основные особенности сжатого света // Успехи физических наук. 1991. Vol. 161, no. 10. Pp. 145–173.
- Popov A., Tikhonova O. The ionization of atoms in an intense nonclassical electromagnetic field // Journal of Experimental and Theoretical Physics. 2002. Vol. 95. Pp. 844–850.
- Масалов А.В. Сжатый свет в процессах многофотонного взаимодействия // Оптика и спектроскопия. 1991. Т. 70. С. 648–652.
- 14. Slusher R. E., Yurke B., Grangier P., LaPorta A., Walls D. F., Reid M. Squeezed-light generation by four-wave mixing near an atomic resonance // J. Opt. Soc. Am. B. 1987. — Oct. Vol. 4, no. 10. Pp. 1453–1464.
- Brattke S., Varcoe B. T. H., Walther H. Generation of Photon Number States on Demand via Cavity Quantum Electrodynamics // Phys. Rev. Lett. 2001. — Apr. Vol. 86. Pp. 3534–3537.
- Schleich W., Wheeler J. A. Oscillations in photon distribution of squeezed states // J. Opt. Soc. Am. B. 1987. — Oct. Vol. 4, no. 10. Pp. 1715–1722.
- 17. Dutta B., Mukunda N., Simon R., Subramaniam A. Squeezed states, photon-number distributions, and U(l) invariance // J. Opt. Soc. Am. B. 1993.—Feb. Vol. 10, no. 2. Pp. 253–264.
- Iskhakov T., Chekhova M. V., Leuchs G. Generation and Direct Detection of Broadband Mesoscopic Polarization-Squeezed Vacuum // Phys. Rev. Lett. 2009. – May. Vol. 102. Pp. 183602–183605.
- Килин С.Я. Квантовая информация // Успехи физических наук. 1999. Т. 169, № 5. С. 507–527.
- Mazzola L., Maniscalco S., Piilo J., Suominen K.-A., Garraway B. M. Sudden death and sudden birth of entanglement in common structured reservoirs // Phys. Rev. A. 2009. — Apr. Vol. 79. P. 042302.
- Tretyakov D., Beterov I., Entin V., Ryabtsev I. Cold atoms in optical lattices as qubits for a quantum computer // Russian Microelectronics. 2006. Vol. 35. Pp. 74–77.

- Fedorov M. V., Movsesian A. M. Field-induced effects of narrowing of photoelectron spectra and stabilisation of Rydberg atoms // Journal of Physics B: Atomic, Molecular and Optical Physics. 1988. Vol. 21, no. 7. P. L155.
- Poluéktov N., Fedorov M. Phase control of the degree of ionization of Rydberg atoms by a strong laser field // Journal of Experimental and Theoretical Physics. 2000. Vol. 90. Pp. 794–804.

Подписано в печать 07.12.2011 Формат 60х88 1/16. Объем 1 п.л. Тираж 100 экз. Заказ 1818. Отпечатано в отделе полиграфии ООО Ресурс 119192, г. Москва, Мичуринский проспект, д. 21, к. 4